

где m_0 — приближенное значение m . Коэффициенты при m будут элементами матрицы A_μ . В качестве m принимают координаты исходных пунктов.

Отметим, что в первом условном уравнении дирекционные углы A_{al} , A_{al} зависят от координат исходных пунктов; во втором уравнении, кроме x_1 и x_4 , все приращения координат Δx зависят через посредство $\cos(A_{al} + 1 + \dots)$ от координат пунктов a и l и т. д.

Таким образом, общая ошибка уравненного угла β с учетом ошибок исходных координат

$$m_3 = \sqrt{0.70 + 0.42}, \quad (8)$$

а аналогичная ошибка стороны s_2

$$m_s = \sqrt{\frac{2}{3} + \frac{2}{9}}. \quad (9)$$

Нивелировка

$$V_2 + V_3 - V_5 + (h_2 + h_3 - h_5) = 0; \quad (10)$$

$$V_1 + V_2 + V_3 + V_4 + (H_a + h_1 + h_2 + h_3 + h_4 - H_b) = 0; \quad (11)$$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & -1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}; \quad AA^\tau = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}; \quad (AA^\tau)^{-1} = \frac{1}{8} \begin{pmatrix} 4 & -2 \\ -2 & 3 \end{pmatrix};$$

$$A_\mu = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}; \quad A_\mu A_\mu^\tau = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$$

$$Q_{h_i} = ? \quad Q_{H_a} = ?$$

$$(01000) \quad (11000)$$

$$(11) \quad (12)$$

$$f^\tau A^\tau (A A^\tau)^{-1} = \frac{1}{8} (21) \quad \frac{1}{8} (04)$$

$$f^\tau A^\tau (A A^\tau)^{-1} A f = \frac{1}{8} (3) \quad \frac{1}{8} (8)$$

$$Q_F = 1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8} \quad 2 - 1 = 1$$

$$Q_{h_i}^\mu = ? \quad Q_{H_a}^\mu = ?$$

$$(1) = -\xi_2 + (A_{12} - A_{a1} - 1),$$

$$(2) = 2\xi_2 - \xi_3 + (A_{23} - A_{12} - 2),$$

$$(s_1) = \eta_2 + (\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} - s_1),$$

$$(3) = -\xi_2 + 2\xi_3 + (A_{34} - A_{23} - 3),$$

$$(s_2) = -\eta_2 + \eta_3 + \xi (\sqrt{(x_3 - x_2)^2 + (y_3 - y_2)^2} - s_2),$$

$$(4) = -\xi_3 + (A_{40} - A_{34} - 4),$$

$$(s_3) = -\eta_3 + (\sqrt{(x_4 - x_3)^2 + (y_4 - y_3)^2} - s_3).$$

Здесь V_1, V_2, \dots — поправки в измеренные превышения; $Q_{h_i}^\mu$ — корреляционные матрицы уравненных превышений h_2 и высоты H_2 ; $Q_{h_i}^h$, $Q_{H_a}^h$ — корреляционные матрицы, учитывающие

ошибки исходных высот. Итак, общие ошибки в превышении h_2 и высоте H_2 после уравнивания составляют

$$m_{h_2} = \sqrt{\frac{5}{8} + \frac{1}{32}}; \quad m_{H_2} = \sqrt{1 + \frac{1}{2}}. \quad (12)$$

2. Параметрический метод. Поправки от уравнивания в измененные величины в этом методе вычисляем [1, 2] в виде

$$V = -BC^{-1}B^\tau Q^{-1}L + L, \quad (13)$$

где B — прямоугольная матрица коэффициентов уравнений поправок $BX + L = V$; L — матрица-столбец свободных членов, причем

$$L = M_0 + B_\mu M - l; \quad (14)$$

M_0 — некоторая матрица-столбец; B_μ — матрица коэффициентов исходных данных; M — матрица-столбец исходных данных; $C = B^\tau Q^{-1}B$.

Здесь также можно показать [1, 2], что корреляционная матрица любой линейной уравненной функции F определяется:

$$Q_F = f^\tau (E - BC^{-1}B^\tau Q^{-1})B_\mu Q_\mu B_\mu^\tau (E - BC^{-1}B^\tau Q^{-1})^\tau f +$$

$$+ f^\tau BC^{-1}B^\tau f; \quad f^\tau = \left(\frac{\partial F}{\partial l_1} \frac{\partial F}{\partial l_2} \cdots \frac{\partial F}{\partial l_n} \right). \quad (15)$$

Формула (15) позволяет оценивать любой уравненный элемент геодезической сети при параметрическом методе уравнивания. В ней первое слагаемое учитывает ошибки исходных данных посредством матрицы Q_μ .

Применим (15) к оценке точности рассматриваемых ранее геодезических сетей. Ниже приведены уравнения поправок параметрического метода, необходимые матрицы и результаты вычислений по (15).

Полигонометрия

$$(1) = -\xi_2 + (A_{12} - A_{a1} - 1),$$

$$(2) = 2\xi_2 - \xi_3 + (A_{23} - A_{12} - 2),$$

$$(s_1) = \eta_2 + (\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} - s_1),$$

$$(3) = -\xi_2 + 2\xi_3 + (A_{34} - A_{23} - 3),$$

$$(s_2) = -\eta_2 + \eta_3 + \xi (\sqrt{(x_3 - x_2)^2 + (y_3 - y_2)^2} - s_2),$$

$$(4) = -\xi_3 + (A_{40} - A_{34} - 4),$$

$$(s_3) = -\eta_3 + (\sqrt{(x_4 - x_3)^2 + (y_4 - y_3)^2} - s_3).$$

Нивелировка

$$V_1 = \delta H_1 + (H_1 - h_1 - H_a),$$

$$V_2 = -\delta H_1 + \delta H_2 + (H_2 - H_1 - h_2),$$

$$V_3 = -\delta H_2 + \delta H_3 + (-H_2 + H_3 - h_2),$$

$$V_4 = -\delta H_3 + (H_3 - H_2 - h_3),$$

$$V_5 = -\delta H_1 + \delta H_3 + (H_3 - H_1 - h_5).$$

$$B = \begin{vmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{vmatrix}; \quad B^T B = \begin{vmatrix} 6 & 0 & -4 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & -1 \\ -4 & 0 & 6 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 2 \end{vmatrix}$$

$$(B^T B)^{-1} = \begin{vmatrix} \frac{3}{10} & 0 & \frac{1}{5} & 0 \\ 0 & \frac{2}{3} & 0 & \frac{1}{3} \\ 1 & 0 & \frac{3}{10} & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} & 0 & \frac{2}{3} \end{vmatrix}; \quad B_\mu = \begin{vmatrix} -1 & 0 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}.$$

$$B^T B = \begin{pmatrix} 3 & -1 & -1 \\ -1 & 2 & -1 \\ -1 & -1 & 3 \end{pmatrix}; \quad (B^T B)^{-1} = \frac{1}{8} \begin{pmatrix} 5 & 4 & 3 \\ 4 & 8 & 4 \\ 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}; \quad B_\mu^T B_\mu = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$Q_{h_i} = ? \quad Q_{h_i} = ? \quad Q_{H_i} = ?$$

$$f^T B = \begin{pmatrix} -110 \\ (-110) \end{pmatrix} \quad f_{H_i}^T = (010)$$

$$f^T B (B^T B)^{-1} = \frac{1}{8} \begin{pmatrix} -141 \\ 484 \end{pmatrix}$$

$$f^T B (B^T B)^{-1} B^T f = \frac{7}{10} \quad Q_F = \frac{5}{8} \quad 1$$

$$Q_F = 0,70$$

Не делая подробных вычислений, напишем окончательный результат влияния ошибок исходных данных: $Q_{h_i}^a = 1/32$; $Q_{H_i}^a = 1/2$, что совпадает с оценкой коррелатного метода.

$$Q_3^a = ? \quad Q_{s_3}^a = ?$$

Список литературы: 1. Большаков В. Д., Маркузе Ю. И. Городская полигонометрия. — М.: Недра, 1979. 2. Машлов М. М. Уравнивание геодезических сетей. — М.: Недра, 1979.

Статья поступила в редакцию 03.10.83

$$f^T B (B^T B)^{-1} B^T = \frac{1}{10} (-1-27-4000) \quad \frac{1}{3} (0000-121)$$

$$\omega = f^T E - f^T B (B^T B)^{-1} B^T = \frac{1}{10} (1234000) \quad \frac{1}{3} (0000111)$$

$$\omega \cdot B_\mu = \frac{1}{10} (-10005040) \quad \frac{1}{3} (000-10100)$$

$$Q_F^a = 0,42 \quad \frac{2}{9}$$

ξ_i, η_i — поправки в координаты определяемых пунктов.