

В. Я. РАИНКИН

ОПРЕДЕЛЕНИЕ ИЗГИБА БАШЕННЫХ СООРУЖЕНИЙ ПОД ВОЗДЕЙСТВИЕМ СОЛНЕЧНОЙ РАДИАЦИИ

Под влиянием неравномерного солнечного нагрева непрерывно происходит изгиб сооружения. Положение любой точки сооружения можно вычислить по формулам

$$\begin{aligned}x_i &= S_i \cos A_i, \\y_i &= S_i \sin A_i,\end{aligned}\quad (1)$$

где S_i — смещение точки от теоретического положения, A_i — азимут направления смещения точки.

Теоретическое значение смещения S точек сооружения под действием температурной разности Δt можно подсчитать по формуле [2]

$$S = \frac{\alpha_t \Delta t H^2}{2D}, \quad (2)$$

где α_t — коэффициент линейного расширения; H — текущая высота точки; D — средний диаметр ствола башни.

Тепловое воздействие на сооружение происходит под влиянием температуры внешней среды и за счет суммарного действия прямой и рассеянной радиации. Согласно [2], вычисляем суммарную температуру на наружной поверхности конструкции:

$$t_{\text{сум}} = t_{\text{и}} + \frac{PI}{\alpha_{\text{и}}}, \quad (3)$$

где $t_{\text{и}}$ — температура наружного воздуха; $\alpha_{\text{и}}$ — коэффициент теплообмена между наружной поверхностью сооружения и наружным воздухом; P — коэффициент поглощения солнечной радиации наружной поверхностью сооружения.

Колебания температуры, происходящие на поверхности, распространяются вглубь конструкции и постепенно затухают в ее толще.

Формулу для подсчета температурной разности Δt , возникающей в стенах конструкции между двумя диаметрально противоположными точками, можно получить на основании (3):

$$\Delta t = c \frac{P}{\alpha_{\text{и}}} (I_1 - I_2), \quad (4)$$

где c — коэффициент, учитывающий затухание температуры в конструкции сооружения; I_1 и I_2 — количество суммарной солнечной радиации, поступающей на диаметрально противоположные точки сооружения.

С учетом (2) и (4) формулы для вычисления координат примут вид

$$\begin{aligned}x_i &= \frac{\alpha_t H^2}{2D} c \frac{P}{\alpha_h} (I_1 - I_2)_i \cos A_i, \\y_i &= \frac{\alpha_t H^2}{2D} c \frac{P}{\alpha_h} (I_1 - I_2)_i \sin A_i.\end{aligned}\quad (5)$$

Направление изгиба сооружения не совпадает с направлением падающих на башню солнечных лучей из-за инерции распространения температуры в конструкции, поэтому для общего случая азимут изгиба оси сооружения можно выразить формулой

$$A = A_C + 180^\circ - \beta, \quad (6)$$

где A_C — азимут Солнца; β — угол запаздывания изгиба оси сооружения, являющийся функцией времени $\beta = f(t)$.

Подставив значение A из (6) в (5) и выполнив преобразования, получим

$$\begin{aligned}x_i &= -\frac{\alpha_t H^2 c P}{2 D \alpha_h} [(I_1 - I_2)_i (\cos A_C)_i \cos \beta_i + (I_1 - I_2)_i (\sin A_C)_i \sin \beta_i], \\y_i &= \frac{\alpha_t H^2 c P}{2 D \alpha_h} [(I_1 - I_2)_i (\cos A_C)_i \sin \beta_i - (I_1 - I_2)_i (\sin A_C)_i (\cos \beta_i)].\end{aligned}\quad (7)$$

Принимая во внимание то, что ось x совмещена с направлением север—юг, а ось y — с направлением восток—запад, формулы (7) для вычисления координат точек сооружения, перемещающихся под действием солнечной радиации на любой момент, примут вид

$$\begin{aligned}x_i &= -\frac{\alpha_t H^2 c P}{2 D \alpha_h} (\delta I_{1i} \cos \beta_i + \delta I_{2i} \sin \beta_i), \\y_i &= \frac{\alpha_t H^2 c P}{2 D \alpha_h} (\delta I_{1i} \sin \beta_i - \delta I_{2i} \cos \beta_i),\end{aligned}\quad (8)$$

где

$$\delta I_1 = (I_1 - I_2) \cos A_C = I_c - I_{\text{ю}}; \quad \delta I_2 = (I_1 - I_2) \sin A_C = I_{\text{в}} - I_{\text{з}};$$

I_c , $I_{\text{ю}}$, $I_{\text{в}}$, $I_{\text{з}}$ — количество суммарной радиации, поступающей на стенки конструкции с севера, юга, востока, запада.

Эти величины можно выбрать из таблиц [1]. Угол запаздывания β изгиба оси сооружения от направления солнечных лучей можно вычислить по формуле

$$\beta_i = k (t_i - t_{\text{нач}}), \quad (9)$$

где k — коэффициент запаздывания; t_i — текущее время наблюдений; $t_{\text{нач}}$ — начальное время.

Очевидно, что в ясную безоблачную погоду сооружение не может отклоняться в направлении Солнца, т. е. угол запаздывания β теоретически может быть в пределах от 0 до 180° .

Для широты Москвы в летнее время период действия солнечной радиации составляет 16 ч. По формуле (9) можно вычислить максимальный коэффициент запаздывания ($k=11^\circ$), т. е. коэффициент k будет в пределах от 0 до 11° .

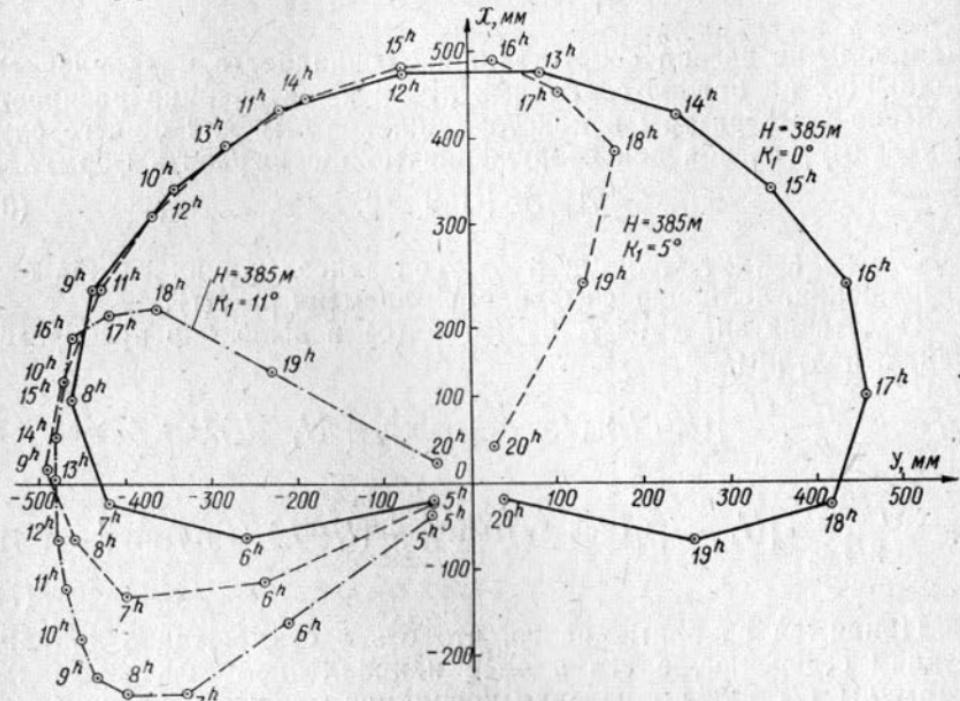


График изгиба сооружения.

Угол β зависит от тепловой инерционности сооружения и может быть определен для конкретных сооружений и различных высот эмпирически по результатам наблюдений. Например, для высот 300 и 520 м Останкинской телебашни для углов запаздывания получены выражения

$$\begin{aligned}\beta_{i(H=300)} &= 10,0^\circ (t_i^h - 8^h), \\ \beta_{i(H=520)} &= 4,5^\circ (t_i^h - 7^h).\end{aligned}\quad (10)$$

Из формул видно, что в 7—8 ч утра направление изгиба оси ствола башни совпадает с направлением солнечных лучей. После 8 ч наблюдается отставание изгиба оси ствола башни от движения Солнца и к 18 ч оно составляет для точек, расположенных на высоте 300 и 520 м, соответственно 100 и 50° .

Используя (8), на процессоре «Искра-1256» составлена программа для вычисления текущих координат x и y . Задаваясь значениями параметров, входящих в формулы, на примере Останкинской телебашни нашли значения x и y для коэффициентов k от 0 до 11° с интервалом через 1° .

На рисунке показаны графики изгиба Останкинской телебашни для высоты 385 м для трех значений коэффициента k : 1) когда изгиб сооружения происходит по направлению солнечных лучей ($k=0^\circ$); 2) при среднем значении коэффициента $k=5^\circ$; 3) при максимальном коэффициенте запаздывания $k=11^\circ$.

При $k=0^\circ$ точки оси башни описывают приближенно эллипс, большая ось которого устанавливается по направлению запад-восток. При увеличении коэффициентов запаздывания точки оси сооружения будут описывать кривые, расположенные к северо-западу от центра.

Зная параметры, характеризующие конструктивные особенности данного сооружения, а также величины солнечной радиации, можно составить таблицы возможных отклонений и графики изгибов точек оси сооружения до начала строительства.

Из анализа величин этой таблицы и графиков изгибов можно выбрать необходимый метод проектирования центра на монтажный горизонт. При строительстве сооружения, определив фактические размеры изгибов и их направления для каких-то высот, можно сравнить их с теоретическими величинами и внести необходимые корректизы в методику выноса центра на последующие монтажные горизонты при воздействии солнечной радиации на сооружение.

1. Круглова А. И. Климат и ограждающие конструкции. М., 1970.
2. Шкловер А. М. Основы строительной теплотехники. М., 1956.