

АЭРОФОТОСЪЕМКА

УДК 528.72

М. А. БЛЮМИН

ОПРЕДЕЛЕНИЕ КООРДИНАТ ПО СТЕРЕОПАРЕ КИНОСНИМКОВ

Использование стереокинофотографической съемки при изучении динамических процессов предусматривает определение координат объектов по стереопаре киноснимков, основанное на общих зависимостях аналитической фотограмметрии [2] с учетом особенностей, присущих киноснимкам.

Общие формулы связи пространственного положения объекта с его изображением на паре снимков в координатной форме имеют следующий вид:

$$X = NX_1', \quad Y = NY_1', \quad Z = NZ_1',$$

$$N = \frac{X_0 Y_2' - Y_0 X_2'}{X_1' Y_2' - Y_2' X_2'}, \quad X' = a_1 x + a_2 f + a_3 z, \\ Z' = c_1 x + c_2 f + c_3 z, \quad (1)$$

где a, b, c — направляющие косинусы.

Главная особенность киноснимков, которую следует учитывать при их фотограмметрическом использовании — соотношение между плоскими прямоугольными координатами киноснимка, регистрируемыми размерами кадра, и фокусным расстоянием съемочной камеры. Современные серийные киносъемочные камеры имеют обычно полезный формат кадра, в пределах которого координаты точек киноснимка на порядок меньше фокусного расстояния

$$x = z \ll f,$$

такое соотношение изменяет влияние элементов внутреннего и внешнего ориентирования на координаты точек киноснимка, оно выдвигает особые требования к определению этих элементов, вносит ряд особенностей при их учете и, в конечном счете, оказывает влияние на алгоритм определения координат объектов.

С учетом основного условия $x = z \ll f$ исходные уравнения (1) можно записать следующим образом:

$$X' = x \cos \alpha - z \sin \alpha - F_x, \\ Y' = f, \\ Z' = x \sin \alpha - z \cos \alpha - F_z,$$

где $F_x = x_0 + f \alpha$, $F_z = z_0 + f \omega$ отражают совместное влияние несов-

падения начала координат с главной точкой и углов ориентирования α и ω киноснимка на координаты его точек [1].

Переходя к прямой фотограмметрической засечке по паре киноснимков с началом координат в левом центре проекции при $X_{01} = Y_{01} = Z_{01} = 0$, $X_{02} = B$, $Y_{02} = Z_{02} = 0$, имеем

$$N = \frac{Bf_2}{(x_1 \cos \alpha_1 - z_1 \sin \alpha_1 - F_x) f_2 - (x_2 \cos \alpha_2 - z_2 \sin \alpha_2 - F_z) f_1}, \quad (2)$$

$$\begin{vmatrix} X \\ Y \\ Z \end{vmatrix} = N \begin{vmatrix} x_1 \cos \alpha_1 - z_1 \sin \alpha_1 - F_x \\ x_1 \sin \alpha_1 - z_1 \cos \alpha_1 - F_z \\ 1 \end{vmatrix}.$$

При предварительном трансформировании координат левого и правого снимков рабочие формулы следующие:

$$X = \frac{Bf_2 x_1^0}{x_1^0 f_2 - x_2^0 f_1}, \quad Y = \frac{Bf_2 f_1}{x_1^0 f_2 - x_2^0 f_1}, \quad Z = \frac{Bf_2 z_1^0}{x_1^0 f_2 - x_2^0 f_1},$$

Рассмотрим точность определения координат объектов, получаемых по паре киноснимков. С этой целью продифференцируем (2) по всем переменным и перейдем от дифференциалов к средним квадратическим ошибкам для трех координат, приняв для одноточных расчетов

$$X = \frac{Y}{f} x, \quad Z = \frac{Y}{f} z,$$

$$\alpha_1 = \alpha_2 = 0, \quad f_1 = f_2, \quad z_1 = z_2,$$

$$F_{x_1} = F_{x_2} = 0,$$

$$m_{x_1} = m_{x_2} = m_x, \quad m_{f_1} = m_{f_2} = m_f, \\ m_{z_1} = m_{z_2} = m_z, \quad m_{z_1} = m_{z_2} = m_z,$$

$$m_{F_{x_1}} = m_{F_{x_2}} = m_{F_x} = m_{F_z},$$

где $m_x, m_f, m_z, m_{F_x}, m_{F_z}$ — средние квадратические ошибки определения угла крена киноснимка, фокусного расстояния киноснимка, измерения координат и определения поправки в координатах киноснимка за счет совместного влияния x_0 и α , z_0 и ω . После ряда преобразований и выделения главных членов получим

$$m_x^2 = \frac{Y^2 l^2}{4B^2} m_B^2 + \frac{Y^2 l^2}{2f^4} m_f^2 + \frac{Y^4 l^2}{f^2} m_z^2 + \frac{Y^4 l^2}{4B^2 f^4} m_p^2 + \\ + \frac{5Y^2 l^2}{4f^2} m_x^2 + \frac{5Y^2 \sin^2 \alpha}{f^2} m_z^2 + \frac{5Y^2}{f^2} m_{F_x}^2, \quad (3)$$

$$m_y^2 = \frac{Y^2}{B^2} m_B^2 + \frac{5Y^2}{f^2} m_f^2 + \frac{Y^4}{B^2 f^2} m_p^2 + \frac{Y^4 l^2}{4B^2 f^2} m_x^2 + \\ + \frac{2Y^4 \sin^2 \alpha}{B^2 f^2} m_z^2 + \frac{2Y^4}{B^2 f^2} m_{F_x}^2; \quad (4)$$

$$m_z^2 = \frac{Y^2 l^2}{4B^2 f^2} m_B^2 + \frac{2Y^2 l^2}{f^4} m_f^2 + \frac{Y^2 \sin^2 \alpha}{f^2} m_x^2 + \frac{Y^4 l^2}{4B^2 f^4} m_p^2 + \\ + \frac{Y^4 l^4}{8B^2 f^4} m_x^2 + \frac{Y^2}{f^2} m_z^2 + \frac{Y^4 l^2}{2B^2 f^4} m_{F_x}^2 + \frac{Y^2}{f^2} m_{F_z}^2. \quad (5)$$

Анализ (3) — (5) показывает, что максимальное влияние при одинаковых параметрах стереокинесемки на точность определения координат имеют следующие члены:

$$\frac{Y^2 l}{2B f^2} m_p, \quad \frac{Y^2}{B f} m_p, \quad \frac{Y^2 l}{2B f^2} m_p, \quad (6)$$

где l — размер киноснимка; m_p — средняя квадратическая ошибка измерения продольного параллакса.

Для дальнейшего анализа установим доминирующие влияния отношений всех членов в выражениях (3) — (5) к своим максимальным согласно (6). Эти отношения для масштабов съемки 1:М 1:2000—1:4000 и отстояний 250...500 м находятся в следующих пределах:

для абсцисс

$$\frac{1}{M m_p} m_B = \frac{1}{5} - \frac{1}{10}, \quad \frac{1.5 B}{Y m_p} m_f = \frac{1}{10} - \frac{1}{20}, \\ \frac{2B}{M l m_p} m_x = \frac{1}{2} - \frac{1}{4}, \quad \frac{M l}{M m_p} m_x = \frac{1}{5} - \frac{1}{10}, \\ \frac{Y B x}{M l m_p} m_z = \frac{1}{100} - \frac{1}{200}, \quad \frac{Y B}{M l m_p} m_{F_x} = \frac{1}{2} - \frac{1}{4};$$

для ординат

$$\frac{l}{2Y m_p} m_B = \frac{1}{50} - \frac{1}{100}, \quad \frac{2B}{Y m_p} m_f = \frac{1}{5} - \frac{1}{10}, \\ \frac{l}{1.4 m_p} m_x = \frac{1}{10}, \quad \frac{1.4 x}{m_p} m_z = \frac{1}{50}, \quad \frac{1.4}{m_p} m_{F_x} = 1;$$

для аппликат

$$\frac{1}{M m_p} m_B = \frac{1}{5} - \frac{1}{10}, \quad \frac{3B}{Y m_p} m_f = \frac{1}{5} - \frac{1}{10}, \\ \frac{2B x}{M l m_p} m_x = \frac{1}{150} - \frac{1}{300}, \quad \frac{2}{3m_p} m_z = \frac{1}{100},$$

$$\frac{2B}{M l m_p} m_z = \frac{1}{2} - \frac{1}{4}, \quad \frac{1.5}{m_p} m_{F_x} = 1. \quad \frac{2B}{M l m_p} m_{F_z} = \frac{1}{4} - \frac{1}{8},$$

Используя полученные соотношения, опустим члены-аргументы в (3) — (5), оказывающие менее третье влияния на функции — ошибки определения координат. Тогда выражения для средних квадратических ошибок определения координат по стереопаре киноснимков можно представить следующим образом:

$$m_X^2 = \frac{Y^2}{f^2} m_x^2 + \frac{Y^4 l^2}{4B^2 f^4} m_p^2 + \frac{5Y^2}{f^2} m_{F_x}^2,$$

$$m_Y^2 = \frac{Y^4}{B^2 f^2} m_p^2 + \frac{2Y^4}{B^2 f^2} m_{F_x}^2, \\ m_Z^2 = \frac{Y^2}{f^2} m_z^2 + \frac{Y^4 l^2}{4B^2 f^4} m_p^2 + \frac{Y^2 l^2}{2B^2 f^4} m_{F_x}^2 + \frac{Y^2}{f^2} m_{F_z}^2. \quad (7)$$

Перейдя к масштабу киносъемки M и координатам киноснимка x, z , после преобразования (7) получаем формулы для оценки точности определения координат по стереопаре киноснимков, удобные для практического использования:

$$m_X = M \sqrt{m_X^2 + \frac{x^2}{p^2} m_p^2 + 5m_{F_x}^2},$$

$$m_Y = M f \sqrt{\frac{1}{p^2} (m_p^2 + 2m_{F_x}^2)}, \\ m_Z = M \sqrt{m_z^2 + \frac{z^2}{p^2} (m_p^2 + 2m_{F_x}^2) + m_{F_z}^2}.$$

1. Блошин М. А. Учет влияния элементов ориентирования киносъемочных камер // Геодезия и фотограмметрия в горном деле. М., 1981. С. 64—67. 2. Побанов А. Н. Фотогеодезия. М., 1983.

Статья поступила в редакцию 30.10.85

УДК 528.72/73+528.11

А. Л. ДОРОЖИНСКИЙ

УРАВНИВАНИЕ В ФОТОГРАММЕТРИИ С УЧЕТОМ ОШИБОК ИСХОДНЫХ ДАННЫХ

Проблема ошибок исходных данных в уравнительных вычислениях разрабатывается и дискутируется давно [2, 6] и с обобщением метода наименьших квадратов на зависимые измерения по существу получила свое теоретическое решение. О важности этой проблемы для фотограмметрии отмечалось на многих симпозиумах